Théorème de Pythagore (2)

Exercices



- 1 * Complète les phrases suivantes.
- 1. La réciproque du théorème de Pythagore permet de montrer qu'un triangle est rectangle.
- 2. La contraposée du théorème de Pythagore permet de montrer qu'un triangle n'est pas rectangle.
- 2 * Entoure la bonne réponse.

Si
$$UP^2 + PO^2 = UO^2$$
, alors le triangle UOP

est rectangle en U

est rectangle en P

est rectangle en 0

Si
$$MN^2 = WN^2 - MW^2$$
, alors le triangle MWN

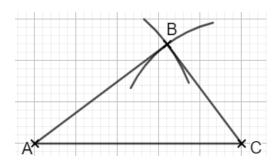
est rectangle en M

est rectangle en N

est rectangle en W

 3^* Construis un triangle ABC avec AB = 4 cm, AC = 5 cm et BC = 3 cm. Est-il rectangle ? Explique en complétant les pointillés.

Construction:



Dans le triangle ABC:

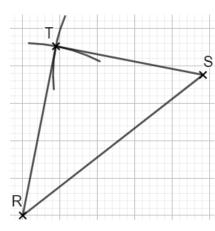
$$AC^2 = 5^2 = 25$$

$$AB^2 + BC^2 = 4^2 + 3^2 = 25$$

 $AC^2 = AB^2 + BC^2$ donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle ABC est rectangle en B.

 $\textcircled{4}^*$ Construis un triangle RST avec RS = 6, 1 cm, RT = 4, 6 cm et TS = 4 cm. Est-il rectangle ? Explique.

Construction:



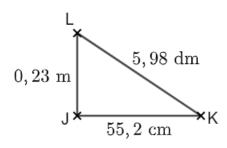
Dans le triangle RST:

$$RS^2 = 6.1^2 = 37.21$$

$$TR^2 + TS^2 = 4,6^2 + 4^2 = 37,16$$

 $AC^2 \neq AB^2 + BC^2$ donc d'après la contraposée du théorème de Pythagore, le triangle RST n'est pas rectangle.

6 ** Le triangle JKL ci-dessous est-il rectangle ? Explique.



On a LK =
$$5.98 \text{ dm} = 59.8 \text{ cm}$$
 et LJ = $0.23 \text{ m} = 23 \text{ cm}$.

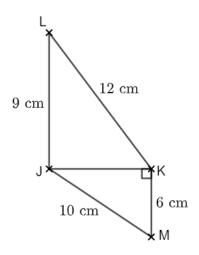
Dans le triangle JKL:

$$LK^2 = 59.8^2 = 3576.04$$

$$JL^2 + JK^2 = 23^2 + 55,2^2 = 3576,04$$

 $LK^2 = JL^2 + JK^2$ donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle JKL est rectangle en J.

6 ** Le triangle JKL ci-dessous est-il rectangle ? Explique.



Dans le triangle JKM rectangle en K, d'après le théorème de Pythagore :

$$JK^2 = JM^2 - KM^2$$

 $JK^2 = 10^2 - 6^2 = 64$
 $JK = \sqrt{64} = 8 \text{ cm}.$

Dans le triangle JKL:

$$LK^2 = 144$$

$$JL^2 + JK^2 = 145.$$

 $LK^2 \neq JL^2 + JK^2$ donc d'après la contraposée du théorème de Pythagore, le triangle JKL n'est pas rectangle.

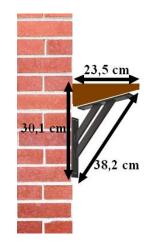
7 ** Le mur est vertical. L'étagère ci-contre est-elle horizontale?

Je nomme ABC le triangle tel que AB = 23.5 cm, AC = 30.1 cm et BC = 38.2 cm.

Dans le triangle ABC:

$$BC^2 = 38,2^2 = 1459,24$$
 et $AB^2 + AC^2 = 23,5^2 + 30,1^2 = 1458,26$.

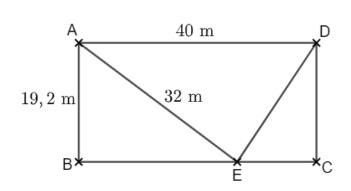
 $BC^2 \neq AB^2 + AC^2$ donc d'après la contraposée du théorème de Pythagore, le triangle ABC n'est pas rectangle. L'étagère n'est pas tout à fait horizontale.



3*** ABCD est un rectangle. Le triangle AED est-il rectangle ?

ABCD est un rectangle donc ABE est rectangle en B et ECD est rectangle en C.

De plus, BC = 40 m et CD = 19.2 m.



Dans le triangle ABE rectangle en B, d'après le théorème de Pythagore : $BE^2 = AE^2 - AB^2 = 655,36$.

Donc BE = $\sqrt{655,36}$ = 25,6 m.

Et
$$EC = 40 - 25.6 = 14.4 \text{ m}$$

Dans le triangle CDE rectangle en C, d'après le théorème de Pythagore : $DE^2 = CE^2 + CD^2 = 576$. $DE = \sqrt{576} = 24 \text{ m}$.

Dans le triangle ADE : $AD^2 = 40^2 = 1600$ et $EA^2 + ED^2 = 32^2 + 24^2 = 1600$.

 ${\rm AD^2}={\rm EA^2}+{\rm ED^2}$ donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, le triangle ${\rm ADE}$ est rectangle en E.

Pass Education

Ce document PDF gratuit à imprimer est issu de la page :

• Exercices 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore - PDF à imprimer

Le lien ci-dessous vous permet de télécharger cet exercice avec un énoncé vierge

• Théorème de Pythagore (2) – 4ème – Exercices avec les corrigés

Découvrez d'autres exercices en : 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore

- Théorème de Pythagore (1) 4ème Exercices avec les corrigés
- Théorème de Pythagore 4ème Exercices avec les corrigés
- L'égalité de Pythagore 4ème Révisions Exercices avec correction
- Racine carrée d'un nombre positif 4ème Révisions Exercices avec correction sur le théorème de Pythagore
- <u>Calculer une longueur dans un triangle rectangle 4ème Révisions Exercices avec correction sur le théorème de Pythagore</u>

Les exercices des catégories suivantes pourraient également vous intéresser :

- Exercices 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore Calculer une longueur dans un triangle rectangle PDF à imprimer
- Exercices 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore L'égalité de Pythagore PDF à imprimer
- Exercices 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore La racine carrée d'un nombre positif PDF à imprimer
- Exercices 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore Prouver qu'un triangle est rectangle ou non PDF à imprimer

Besoin d'approfondir en : 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore

- Cours 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore
- Evaluations 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore
- Séquence / Fiche de prep 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore
- Cartes mentales 4ème Mathématiques : Géométrie Théorème de Pythagore