Statistiques : effectifs, fréquences, étendue





Correction

Prérequis : Pourcentage.

- > Un pourcentage est une fraction au dénominateur 100, qui se note %.
- ➢ Pour passer d'une proportion (= nombre compris entre 0 et 1) à un pourcentage il suffit de multiplier par 100.

Exemple: une proportion de 0,5 correspond à un pourcentage de 0,5 \times 100 = 50%

Déterminer un effectif.

Méthode pour déterminer un effectif.

L'effectif d'une valeur est le **nombre de fois** où celle-ci apparaît dans la série.

Pour donner les effectifs des différentes valeurs d'une série, on utilise un tableau :

Etape 1 : Je range les valeurs dans un tableau de valeurs.

Etape ②: Je compte le nombre de fois où chaque valeur apparaît.

Etape ③: Je conclus en donnant l'effectif.

Remarque : L'effectif total est égal à la somme de tous les effectifs, c'est la taille de la population.

Exemple : On étudie les notes de 10 élèves à un contrôle de maths :

$$11 - 14 - 12 - 17 - 12 - 17 - 14 - 13 - 12 - 17$$

Complète le tableau des effectifs. Que vaut l'effectif de la note 12 ?

| Note | 11 | 12 | 13 | 14 | 17 | Total |
|----------|----|----|----|----|----|-------|
| Effectif | 1 | 3 | 1 | 2 | 3 | 10 |

On compte le nombre d'apparitions de la note 12 : la note 12 apparaît 3 fois. Son effectif vaut donc 3.

Soit la série de notes suivantes obtenues lors d'un devoir de français :

1. Quel est l'effectif de la note 9 ? De la note 13?

La note 9 apparaît une seule fois, son effectif vaut donc 1.

La note 13 apparaît 3 fois, son effectif vaut donc 3.

2. Quel est l'effectif total ? Il y a en tout 10 notes, l'effectif total vaut 10.

Voici les résultats d'une étude concernant le nombre d'heures de sport par semaine en dehors du collège d'un échantillon de 175 élèves :

| nombre d'heures | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Total |
|-----------------|----|----|----|---|----|----|-------|
| effectifs | 10 | 28 | 64 | | 24 | 17 | 175 |

1. Calcule le l'effectif d'élèves faisant 3 heures de sport par semaine.

$$175 - (10 + 28 + 64 + 24 + 17) = 175 - 143 = 32$$

Donc l'effectif d'élèves qui fait 3 heures de sport est 32.

2. Calcule l'effectif d'élèves faisant 2h de sport ou moins.

Effectif_{$$\leq 2$$} = 10 + 28 + 64 = 102

Un buraliste fait le bilan de ses ventes quotidiennes de journaux. Les résultats sont présentés ci-dessous.

1. Détermine l'effectif total de cette population.

On a 20 valeurs, donc l'effectif total vaut 20.

2. Présente les résultats sous la forme d'un tableau :

| Nombres de journaux vendus / jour | 18 | 21 | 23 | 24 | 26 | 27 | 28 | 29 | 32 | 41 | Total |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-------|
| Effectif | 2 | 1 | 2 | 2 | 2 | 2 | 4 | 3 | 1 | 1 | 20 |

3. Calcule l'effectif de la vente de 28 journaux.

Effectif quotidienne de 28 journaux : 4

4. Est-il vrai qu'il vend moins de 27 journaux plus d'un jour sur deux ?

On détermine l'effectif de ventes intérieures ou égales à 26 journaux :

$$E_{\leq 26} = 2 + 1 + 2 + 2 + 2 = 9$$

Il vend moins de 27 journaux seulement 9 jours sur 20, c'est donc faux.

Calculer une fréquence.

Méthode pour calculer une fréquence.

Etape 1: Si besoin, je range les valeurs dans un tableau de valeurs.

Etape 2 : Je détermine l'effectif et l'effectif total.

Etape ③ : J'utilise la formule : fré $quence = \frac{effectif}{effectif\ total}$.

<u>Remarque</u> : on peut exprimer la fréquence sous forme décimale, de fraction ou de pourcentage.

<u>Exemple</u>: on étudie les notes de 10 élèves à un contrôle de maths. Que vaut la **fréquence** de la note 17 ? :

→ On peut ranger les notes dans un tableau de valeurs :

| Note | 11 | 12 | 13 | 14 | 17 | Total |
|----------|----|----|----|----|----|-------|
| Effectif | 1 | 3 | 1 | 2 | 3 | 10 |

L'effectif de la note 17 est 3 et l'effectif total est 10.

La fréquence de la note 17 vaut : fréquence = $\frac{3}{10}$ ou 0,3 ou 0,3 × 100 = 30%

Soit la série suivante donnant le nombre d'animaux de compagnie par famille pour 60 familles :

| Nombre d'animaux | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | Total |
|------------------|---|----|----|---|---|-------|
| Effectifs | 9 | 12 | 26 | 9 | 4 | 60 |

- 1. Quel est la fréquence des familles ayant 1 animal de compagnie ? 3 animaux de compagnie ?
- 12 familles ont un animal, cela correspond à une fréquence de $\frac{12}{60} = 0.2$.
- 9 familles ont 3 animaux, cela correspond à une fréquence de $\frac{9}{60} = \frac{3}{20} = 0.15$
- 2. Quel est la fréquence de familles ayant 2 animaux ou moins ? Exprime ta réponse sous forme de pourcentage.

Il y a 9 + 12 + 26 = 47 familles qui ont 2 animaux ou moins, cela correspond à une fréquence de $\frac{47}{60} \approx 0.78$ soit $0.78 \times 100 = 78\%$.

On a relevé la taille des élèves d'une classe de 3ème, on présente les résultats cidessous :

1. Complète le tableau.

| Taille (cm) | [140 ;150[| [150 ;155[| [155 ;160[| [160 ;165[| [165 ;170[| [170 ;180[| Total |
|-------------|----------------------|-----------------------------|----------------------|-----------------------------|----------------------|----------------------------|-------|
| Effectif | 3 | 7 | 6 | 7 | 3 | 4 | 30 |
| Fréquence | $\frac{3}{30} = 0.1$ | $\frac{7}{30} \approx 0.23$ | $\frac{6}{30} = 0.2$ | $\frac{7}{30} \approx 0.23$ | $\frac{3}{30} = 0.1$ | $\frac{4}{30}\approx 0.14$ | 1 |

2. Quelle est la fréquence d'élèves mesurant entre 155 et 160 cm ?

D'après le tableau on a $fréquence_{[155;160]} = \frac{6}{30} = 0.2$

3. Quelle est la fréquence d'élèves mesurant 160 cm ou plus ?

D'après le tableau on a $fréquence_{\geq 160} = \frac{7}{30} + \frac{3}{30} + \frac{4}{30} = \frac{14}{30} = \frac{7}{15}$

4. Combien d'élèves mesurent entre 1,55 m et 1,70 m ? Quelle fréquence cela représenteil ? Exprime-la en pourcentage.

6+7+3=16 élèves mesurent entre 1,55 m et 1,70 m

Cela correspond à une fréquence de $\frac{16}{30} \approx 0,53$ soit un pourcentage de $0,53 \times 100 = 53 \%$.

Voici les résultats d'une étude concernant le nombre de minutes passées par jour dans les transports par les élèves d'un collège :

| Nombre de minutes | 0 | 30 | 60 | 90 | 120 | +120 | Total |
|-------------------|----|-----|----|-----|-----|------|-------|
| Effectifs | 24 | 126 | 94 | 102 | 42 | 12 | 400 |

1. Calcule le nombre d'élèves passant 120 mn par jour dans les transports.

$$400 - (24 + 126 + 94 + 102 + 12) = 400 - 358 = 42$$

Donc 42 élèves passent 120 minutes par jour dans les transports.

2. Quelle est la fréquence d'élèves passant 30 mn par jour dans les transports ?

On sait que $fréquence = \frac{effectif}{effectif\ total}$. Donc ici $fréquence = \frac{126}{400} \approx 0,315$

3. Quelle est la fréquence, en pourcentage, d'élèves passant 90 mn <u>ou plus</u> par jour dans les transports ?

On sait que
$$fréquence = \frac{effectif}{effectif total}$$

Donc ici
$$fréquence = \frac{102+42+12}{400} = \frac{156}{400} = 0.39$$
, soit $0.39 \times 100 = 39\%$

Méthode pour calculer une étendue

Etape 1: Si besoin, je range les valeurs dans l'ordre croissant.

Etape 2: J'identifie les valeurs minimale et maximale.

Etape ③ : J'utilise la formule : Étendue = maximum - minimum.

<u>Exemple</u>: on étudie les notes de 10 élèves à un contrôle de maths. Que vaut l'étendue de cette série?

$$11 - 14 - 12 - 17 - 12 - 17 - 14 - 13 - 12 - 17$$

On range les notes dans l'ordre croissant :

$$11 - 12 - 12 - 12 - 13 - 14 - 14 - 14 - 17 - 17$$

J'applique la formule Étendue = maximum - minimum

Soit ici : Étendue = 17 - 11 = 6

Donc l'étendue de cette série vaut 6.

Remarques:

- L'étendue a la même unité que les valeurs de la série.
- Pour des notes par exemple, l'étendue peut caractériser des résultats homogènes (étendue faible) ou des résultats hétérogènes (étendue importante).
- Pour chacune des 3 séries suivantes, calcule l'étendue.

Série 1:95 - 84 - 77 - 90 - 78

Série 2:15-13-5-11-20-7

Série 3: 223,1 - 354,2 - 561,2 - 151,7 - 582,3

Pour la série 1 : le maximum est 95 et le minimum 77. Donc Etendue $_{s\acute{e}rie\ 1}\ =\ 95\ -77\ =\ 18.$

Pour la série 2 : le maximum est 20 et le minimum 5. Donc Etendue_{série 2} = 20 - 5 = 15.

Pour la série 3 : le maximum est 582,3 et le minimum 151,7. Donc :

Etendue_{série 3} = 582,3 - 151,7 = 430,6.

Pour chacune des 3 séries suivantes, réponds à la question.

Série 1 : 26 - 31 - 21 - 46 - 41

1. Calcule l'étendue :

Le maximum est 46 et le minimum 21. Donc Etendue = 46 - 21 = 25.

Série 2: 27 – 18 – 5 – 13 – 21 – 6 – ?

2. Sachant que l'étendue vaut 28, que vaut la dernière valeur, correspondant au maximum ?

On sait que Etendue = maximum - minimum

Donc maximum = Étendue + minimum donc ici : maximum = 28 + 5 = 33.

Série 3: 234,1 - 421,7 - 429,2 - ? - 812,3 - 326,6

3. Sachant que l'étendue vaut 592,3, que vaut la 4ème valeur correspondant au minimum ?

On sait que Etendue = maximum - minimum

Donc minimum = maximum - Étendue donc ici : minimum = 812,3 - 592,3 = 220.

Afin d'éviter tout gaspillage, Milo décide de mesurer la masse (en kg) de déchets hebdomadaires produite par sa famille durant 6 mois. Il obtient les résultats suivants :

$$20,3 - 28,1 - 19,2 - 27,8 - 23,3 - 31,5 - 22,2 - 26,7 - 23,0 - 18,8 - 28,6 - 21,5 - 18,9 - 28,8 - 41,3 - 25,4 - 21,0 - 23,1 - 31,7 - 36,2 - 27,7 - 32,6 - 26,5 - 23,4 - 31,0 - 32,5$$

1. Détermine l'effectif total de cette population.

On compte un effectif total de 26 ; en effet, Milo a mesuré la masse de déchets chaque semaine pendant 6 mois, soit la moitié d'une année, qui compte 52 semaines, d'où ici 26 mesures.

2. Quelle est l'étendue de cette série ?

La valeur maximale est 41,3 et la minimale est 18,8. Donc Etendue = 41,3 - 18,8 = 22,5 kg

3. Complète le tableau ci-dessous :

| Déchets (kg) | [15 ; 20[| [20 ; 25[| [25 ; 30[| [30 ; 35[| [35 ; 40[| [40 ; 45[| Total |
|--------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-------|
| Effectif | 3 | 8 | 8 | 5 | 1 | 1 | 26 |
| Fréquence | $\frac{3}{26} \approx 0.11$ | $\frac{8}{26} \approx 0.31$ | $\frac{8}{26} \approx 0.31$ | $\frac{5}{26} \approx 0.19$ | $\frac{1}{26} \approx 0.04$ | $\frac{1}{26} \approx 0.04$ | 1 |

4. Le petit frère de Milo affirme que la quantité de déchets est inférieure à 30 kg durant 75% des semaines. A-t-il raison ?

On additionne d'abord les effectifs des semaines où la quantité de déchets est inférieure à 30 kg :

$$3 + 8 + 8 = 19$$

On en déduit la fréquence correspondante : fréquence = $\frac{\text{effectif}}{\text{effectif total}}$

Donc ici fréquence = $\frac{19}{26} \approx 0.73$, soit un pourcentage de $0.73 \times 100 = 73\%$

Le petit frère de Milo a donc tort.

Première partie :

[...]

Un opticien vend différents modèles de lunettes de soleil. Il reporte dans le tableur ci-dessous des informations sur cinq modèles vendus pendant l'année 2022.

| | А | В | С | D | E | F | G |
|---|---|----------|----------|----------|----------|----------|-------|
| 1 | Lunettes de soleil | Modèle 1 | Modèle 2 | Modèle 3 | Modèle 4 | Modèle 5 | Total |
| 2 | Nombre de paires de lunettes vendues | 1200 | 950 | 875 | 250 | 300 | |
| 3 | Prix à l'unité en euro | 75 | 100 | 110 | 140 | 160 | |

1. Montrer que l'étendue des prix de ces paires de lunettes de soleil est de 85 euros.

Le prix le plus bas est 75 € et le plus élevé est 160 €. Donc l'étendue des prix des paires de lunette est de 160 - 75 = 85 €.

2. Calculer le nombre total de paires de lunettes de soleil vendues en 2022.

1200 + 950 + 875 + 250 + 300 = 3575 paires de lunettes ont été vendues.

Deuxième partie : étude des prix des hôtels dans une ville

Sur une période donnée, on relève les prix facturés pour une nuit par les hôtels d'une ville.

| Prix facturés pour une nuit (en euro) | 60 | 80 | 85 | 90 | 110 | 120 | 350 | 500 |
|--|------|------|------|-------|------|------|-----|-----|
| Effectif | 1200 | 1350 | 1000 | 1 100 | 1200 | 1300 | 900 | 300 |

3. Déterminer l'étendue des prix facturés.

On sait que : Étendue = valeur maxi - valeur mini

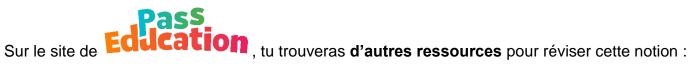
Donc Étendue = 500 - 60 = 440€.

4. Quelle est la fréquence des hôtels facturant 110 € la nuit ? Exprimer le résultat en pourcentage.

On sait que fréquence =
$$\frac{\text{effectif}}{\text{effectif total}}$$

Or effectif total =
$$1200 + 1350 + 1000 + 1100 + 1200 + 1300 + 900 + 300 = 8350$$

Donc ici fréquence =
$$\frac{1200}{8350}$$
 = 0,144 soit 0,144 × 100 = 14,4%



| Séquence complète | Statistique | | |
|-----------------------|-------------|-----|-------------|
| Exercices type Brevet | O Brevet 6 | O H | O Brevet 15 |



Ce document PDF gratuit à imprimer est issu de la page :

• Exercices 3ème Mathématiques : Gestion des données Statistiques Effectifs - PDF à imprimer

Le lien ci-dessous vous permet de télécharger cet exercice avec un énoncé vierge

• Effectifs, fréquences, étendue - 3ème - Brevet des collèges avec Mon Pass Maths

Les exercices des catégories suivantes pourraient également vous intéresser :

- Exercices 3ème Mathématiques : Gestion des données Statistiques Étendue et médiane d'une série statistique PDF à imprimer
- Exercices 3ème Mathématiques : Gestion des données Statistiques Calculer une moyenne PDF à imprimer
- Exercices 3ème Mathématiques : Gestion des données Statistiques Construire un graphique PDF à imprimer

Besoin d'approfondir en : 3ème Mathématiques : Gestion des données Statistiques Effectifs

• Vidéos interactives 3ème Mathématiques : Gestion des données Statistiques Effectifs